

Magnitudini e Diagramma H-R

Giuseppe Cutispoto

INAF - Osservatorio Astrofisico di Catania

giuseppe.cutispoto@inaf.it

Versione: 28 gennaio 2020



**INAF - Osservatorio
Astrofisico di Catania**

Magnitudine apparente

La magnitudine apparente (**m**) di una stella (in generale di un corpo celeste) è un indice di quanto ci appare luminosa nel cielo; detto **F** il flusso misurato si ha per definizione:

$$m = - 2.5 \log F + C$$

Di norma il flusso è misurato solo in un intervallo dello spettro elettromagnetico, per cui si riporta un'indicazione della lunghezza d'onda a cui è stata fatta la misura. Ad esempio il simbolo " m_v " indica una misura nella banda "V" (centrata a $\lambda = 5510 \text{ \AA}$). La magnitudine apparente è "facile" da misurare e possiamo assumere di conoscerla per tutti gli oggetti visibili nel cielo.

La costante "**C**" è stata scelta in modo che la magnitudine apparente di Vega (= α Lyr) sia pari a zero. **La scala delle magnitudini è "inversa"**: a numero minore corrisponde una luminosità maggiore.

Detta **L** l'energia elettromagnetica totale emessa nell'unità di tempo (luminosità) da una stella e **d** la sua distanza, il flusso misurato a Terra è legato alla luminosità dalla relazione:

$$F = \frac{L}{4\pi d^2}$$

Il flusso diminuisce col quadrato della distanza, quindi la magnitudine apparente non fornisce indicazioni sulla reale luminosità di una stella; stelle di pari luminosità poste a distanza diversa hanno magnitudini apparenti diverse.

Poiché le stelle si comportano, con buona approssimazione, come dei **corpi neri** (un corpo ideale che assorbe tutta la radiazione incidente su di esso) la loro luminosità è data da:

$$L = 4 \pi R^2 \sigma T^4$$

dove **R** è il raggio della stella, **T** la temperatura della fotosfera in gradi assoluti e σ la costante di Stefan-Boltzmann

Il valore del flusso misurato dipende dallo spessore di atmosfera che la luce della stella deve attraversare prima di raggiungere il rivelatore, in quanto la radiazione subisce un "assorbimento" da parte dell'atmosfera. L'assorbimento dipende dall'altezza della stella sull'orizzonte e da caratteristiche del luogo di osservazione come l'altitudine o la temperatura dell'aria. Per rendere confrontabili le misure di magnitudini ottenute da osservatori diversi (o dallo stesso osservatore in momenti diversi) è necessario riportare i valori a quelli che si avrebbero sopra l'atmosfera. Le magnitudini che si trovano nei cataloghi, o se non si fa esplicito riferimento all'altezza sull'orizzonte, sono quelli che le stelle avrebbero se osservate fuori dall'atmosfera terrestre.

A occhio nudo si possono osservare stelle fino a $m \approx 6$, con i telescopi (a oggi) più grandi fino a $m \approx 30$

Differenza di magnitudini. Date due stelle di magnitudine m_1 e m_2 vale la relazione:

$$m_1 - m_2 = -2.5 \log F_1 + 2.5 \log F_2 = -2.5 \log \left(\frac{F_1}{F_2} \right) = -2.5 \log \left(\frac{R_1^2 T_1^4}{d_1^2} \right) \left(\frac{d_2^2}{R_2^2 T_2^4} \right)$$

Somma di magnitudini. Le magnitudini **NON** si possono sommare direttamente, inoltre **NON** è possibile utilizzare delle proporzioni. Date due stelle di magnitudine m_1 e m_2 la loro magnitudine totale vale:

$$m_{1+2} = m_1 + m_2 = m_2 - 2.5 \log (10^{0.4(m_2 - m_1)} + 1)$$

In generale dato un qualsiasi numero di stelle vale la relazione:

$$m_1 + m_2 + m_3 + \dots = -2.5 \log (10^{-0.4m_1} + 10^{-0.4m_2} + 10^{-0.4m_3} + \dots)$$

Magnitudine assoluta

La magnitudine assoluta (**M**) di una stella (in generale di un corpo celeste) è definita come la magnitudine apparente che la stella avrebbe se si trovasse a una distanza di 10 parsec dall'osservatore. **M** è una vera stima della luminosità; infatti una stella più luminosa di un'altra ha **M** più piccola.

Esprimendo la distanza in **parsec** esiste una semplice relazione che lega **m** con **M**:

$$M = m + 5 - 5 \log d$$

È facile dimostrare che: $M_1 - M_2 = -2.5 \log \left(\frac{R_1^2 T_1^4}{R_2^2 T_2^4} \right)$

Indice di colore

Si definisce **indice di colore** di una stella la differenza tra le magnitudini della stella misurate in due diverse regioni (bande) dello spettro elettromagnetico. L'indice di colore più usato è il **B-V** del sistema fotometrico di Johnson, che indica la differenza di magnitudine di una stella misurata nelle bande B (centrata a $\lambda = 4450 \text{ \AA}$) e V. L'indice **B-V** può essere usato per ottenere una stima della temperatura della fotosfera della stella.

$$T (K) \approx \frac{7360}{(B - V) + 0.64}$$

Magnitudine di sorgenti estese

Le relazioni sin qui fornite si riferiscono a oggetti puntiformi, come, data la loro grande distanza, possono essere considerate tutte le stelle. La luminosità totale di una sorgente astronomica estesa, come ad esempio un pianeta, una galassia, un ammasso stellare o una cometa, sono espresse dalla loro **magnitudine integrata**, che si ricava a partire dalla magnitudine superficiale (m_{sup}), che indica la magnitudine di una porzione standard (di norma pari a 1 arcsec^2) della sorgente estesa. Se un oggetto esteso ha m_{sup} uniforme, detta **A** la sua area (espressa nelle medesime unità dell'area a cui si riferisce la m_{sup}) avremo:

$$m_{\text{integrata}} = m_{\text{sup}} - 2.5 \log A$$

Se un oggetto esteso e uno puntiforme hanno la stessa magnitudine, vuol dire che riceviamo da essi la stessa quantità totale di luce; tuttavia l'oggetto esteso sarà molto più difficile da osservare di quello puntiforme, poiché la sua luce è dispersa su un'area.

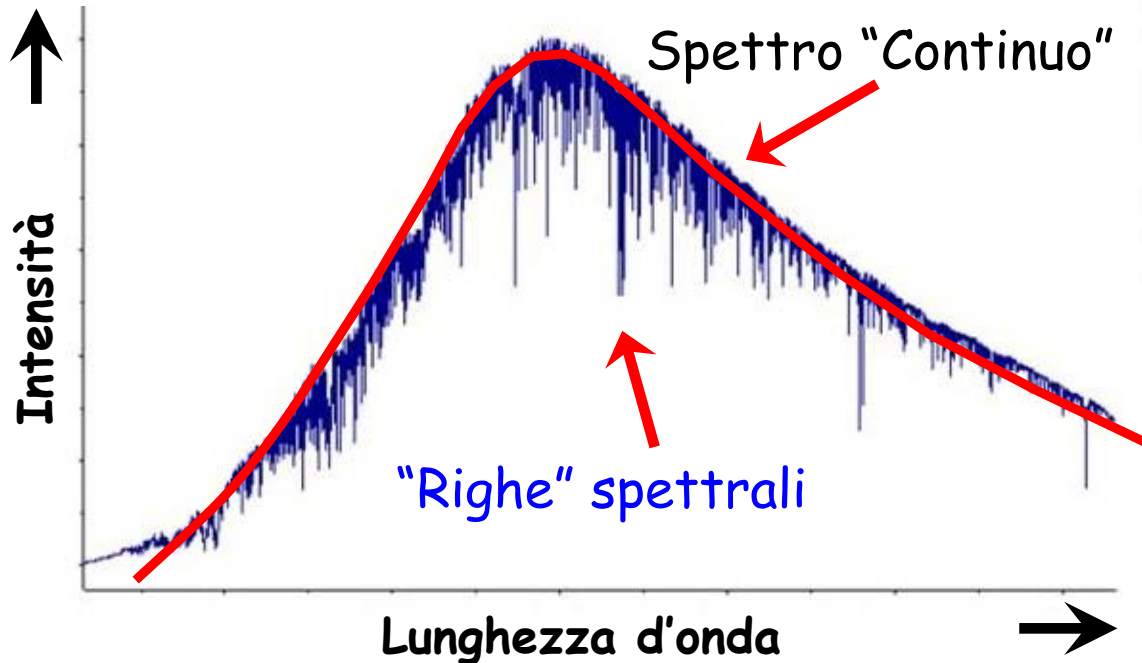
La magnitudine superficiale ci fornisce un'indicazione di quanto la sorgente estesa è facilmente osservabile in contrasto con la luminosità intrinseca del cielo.

La luminosità del cielo notturno allo Zenith nella banda V è $V_{\text{cielo}} \sim 21.9 \frac{\text{mag}}{\text{arcsec}^2}$

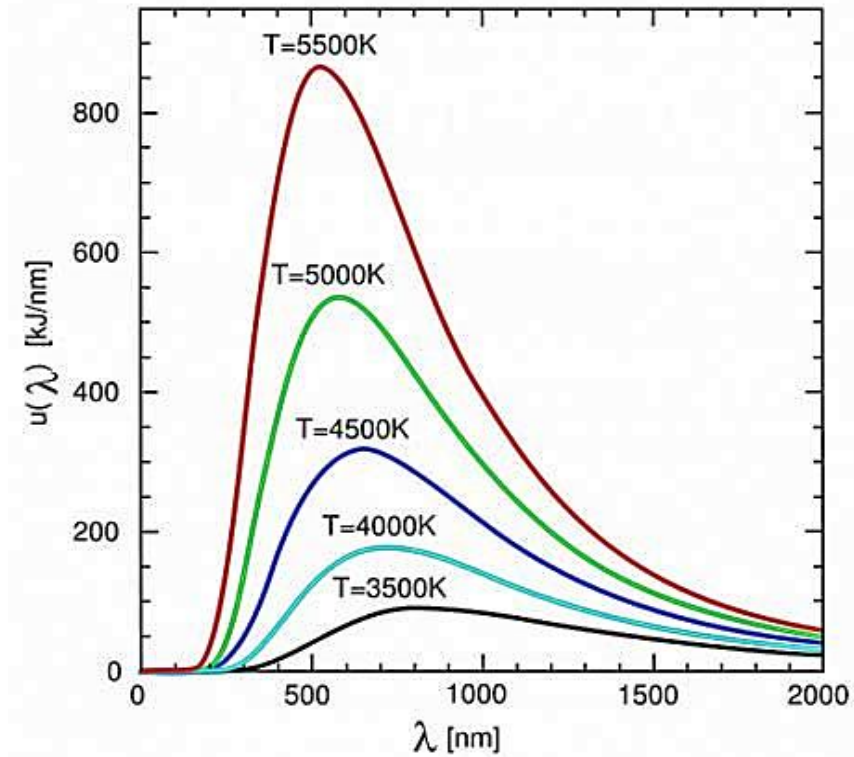
Spettri stellari

Con il termine **spettro** di una stella si indica la distribuzione in lunghezza d'onda (o in frequenza) dell'energia emessa

In uno spettro stellare possiamo identificare una componente **continua**, che permette di ricavare la temperatura della fotosfera e delle **righe in assorbimento** (più raramente in **emissione**), che permettono di ricavare composizione chimica e gravità della fotosfera



Il "Tipo Spettrale" è una classificazione in base alla temperatura della fotosfera. In ordine di temperatura decrescente i tipi spettrali sono: O, B, A, F, G, K, M. La forma (profilo) delle righe è sensibile alla gravità, ovvero al raggio della stella



La temperatura effettiva della fotosfera di una stella viene ricavata dal confronto del suo spettro continuo con le curve di emissione di corpi neri a varie temperature (**nota**: le curve dei corpi neri a diversa temperatura non si intersecano mai)

Esiste una relazione (legge dello spostamento di Wien) tra la lunghezza d'onda (λ_{max}) del massimo di emissione di un corpo nero e la sua temperatura (T):

$$T \cdot \lambda_{max} \cong 2.898 \cdot 10^{-3} \text{ m K}$$

Il diagramma HR

È uno dei diagrammi più importanti e più usati dell'Astrofisica.

Si ottiene a partire dalle stelle di cui si conosce la temperatura dal tipo spettrale (o dall'indice di colore o dalla legge di Wien) e la distanza.

Le stelle occupano solo determinate regioni del diagramma e possono essere distinte in **classi di luminosità** (stelle con la stessa temperatura della fotosfera, ma raggio diverso)

V (Sequenza Principale) = Nane

IV = Subgiganti

III = Giganti

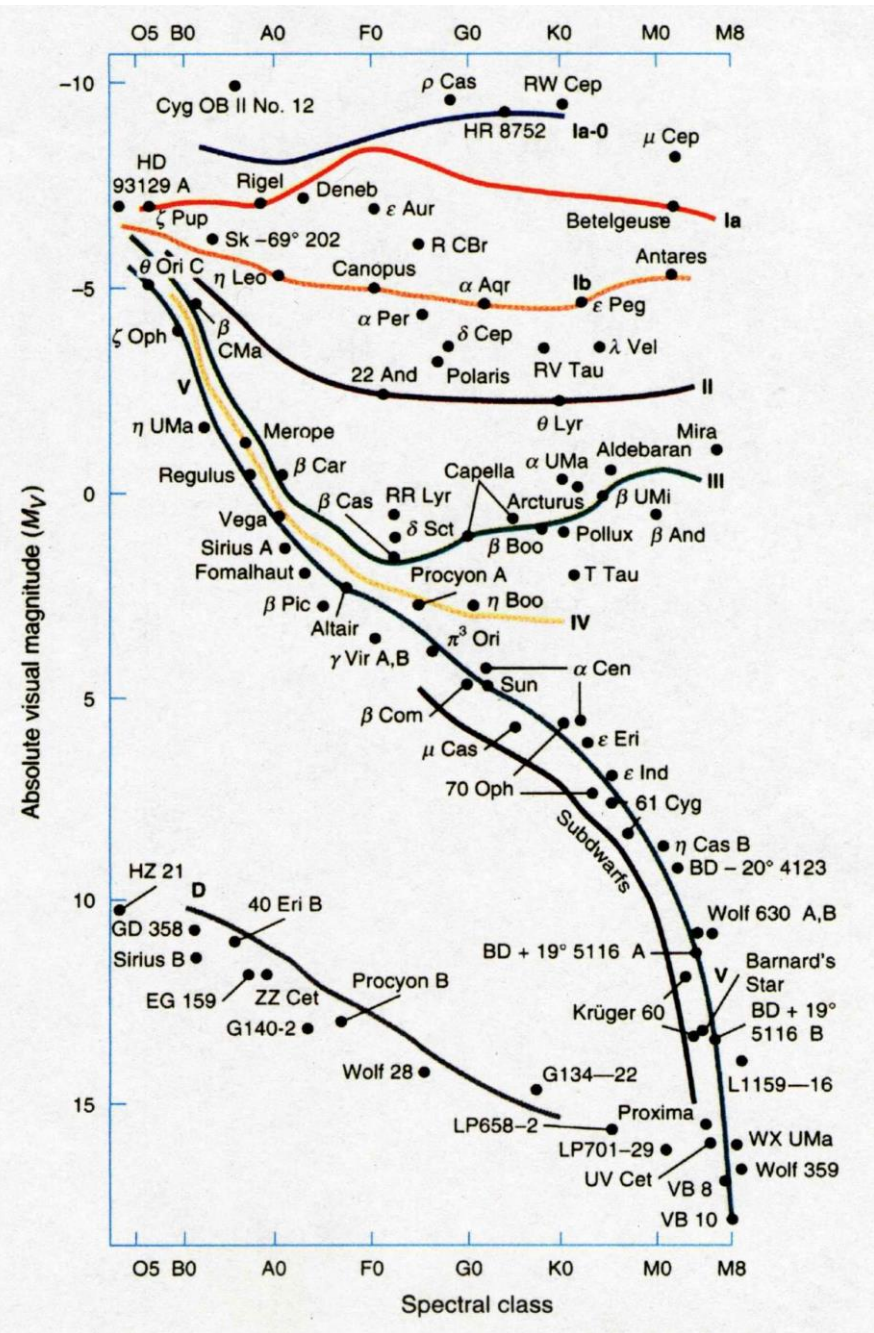
II, I = Supergiganti

Ogni tipo spettrale è suddiviso in 10 sottotipi da 0 a 9. Il Sole è una stella G2 di Sequenza principale, il suo tipo spettrale è quindi G2 V.

Una volta costruito il diagramma H-R, se di una stella di distanza non nota riusciamo a ricavare la magnitudine assoluta (per esempio dal tipo spettrale e dalla classe di luminosità), ne possiamo calcolare la distanza (metodo delle parallassi fotometriche):

$$5 \log d = m - M + 5$$

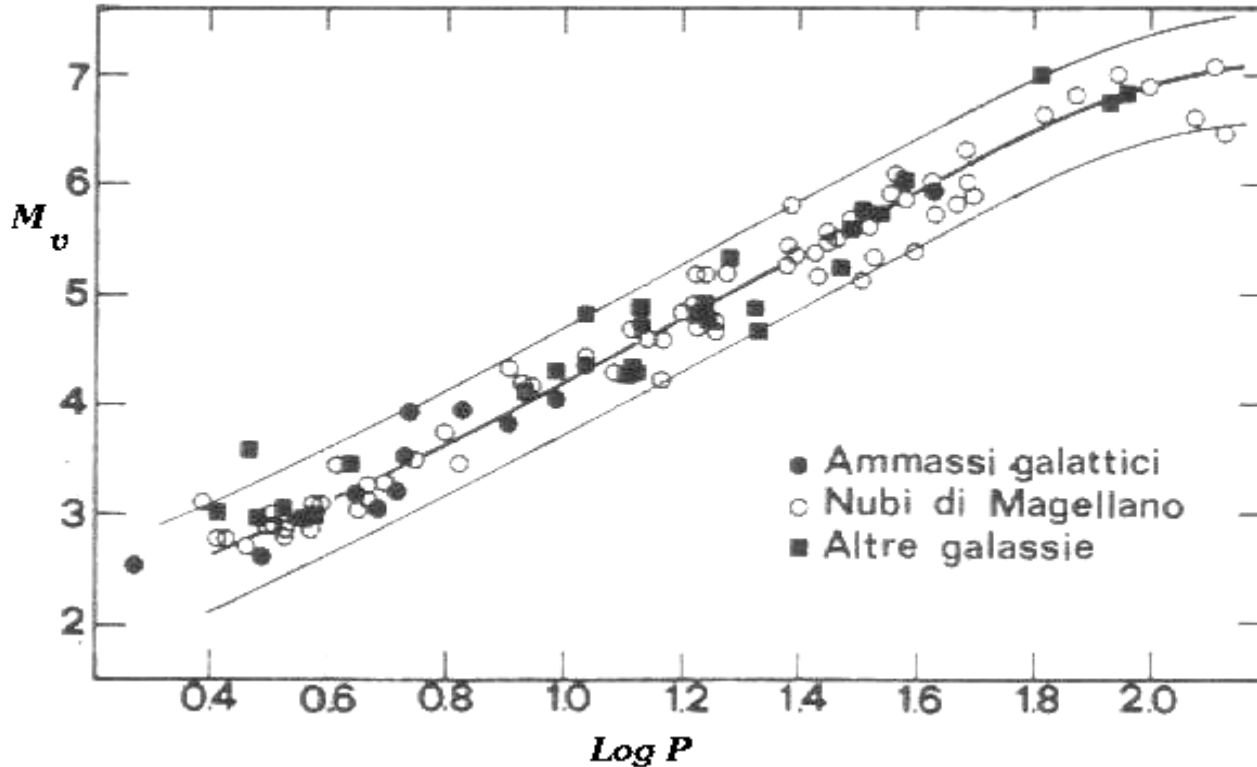
$$d = 10^{\left(\frac{m - M + 5}{5}\right)}$$



Relazione Periodo-Luminosità

Relazione periodo-luminosità assoluta delle variabili cefeidi

$$M_v = -2.85 \log P - 1.37$$



Le "Cefeidi" sono una particolare categoria di stelle pulsanti molto luminose la cui magnitudine assoluta media è legata al periodo di variabilità

Il loro studio è stato di enorme importanza per l'Astronomia, perché ha permesso di stimare per la prima volta in modo preciso le distanze extragalattiche

Per una cefeide di periodo P (espresso in giorni) vale la relazione:

$$M_v = -2.85 \log P - 1.37$$

Noto il periodo dalla magnitudine apparente media (m_v) possiamo quindi ricavare la distanza della cefeide e quindi della galassia che la ospita in parsec: $d = 10^{\left(\frac{m_v - M_v + 5}{5}\right)}$